

# Initiation au C

## cours n°10

Antoine Miné

École normale supérieure

10 mai 2007

# Plan du cours

- pointeurs de fonctions,
- structures de données dynamiques :
  - listes simplement chaînées,
  - listes doublement chaînées.

# Pointeurs de fonctions

---

## Rappels sur les prototypes de fonctions

**Prototype** = **déclaration** précisant :

- le **nom** de la fonction,
- son **type de retour**, ou **void**,
- le nombre et le **type de ses arguments**.

### Exemples

```
int additionne(int x, int y) ;  
void affiche(char*) ;
```

Différences avec une définition de fonction :

- le corps est omis (remplacé par ;),
- le nom des arguments est facultatif,
- une fonction peut être déclarée plusieurs fois.

## Rappels sur les prototypes de fonctions

### Utilité du prototype :

information nécessaire pour compiler un **appel** de fonction.

Si un prototype est donné, la fonction peut être définie

- après l'appel, ou
- dans une autre unité de compilation.

### Exemple :

a.c

```
int fun1(int x);

int fun2(void)
{ return fun1(1); }

int fun1(int x)
{ return x+1; }
```

b.c

```
int fun2(void);

int main()
{ return fun2(); }
```

# Pointeurs de fonctions

Chaque fonction a une adresse en mémoire.

**Pointeur de fonction** = variable

- contenant l'**adresse** d'une fonction,
- dont le type indique le **prototype de la fonction**.

Déclaration d'un pointeur de fonction `ptr`

```
type-ret (*ptr)(type1,...,typeN);
```

`ptr` peut contenir l'adresse de toute fonction

- prenant  $N$  arguments, de types `type1` à `typeN`, et
- retournant une valeur de type `type-ret`.

## Affectation de pointeur de fonction

**Affectation** : `ptr = f` ; où

- `f` est le nom d'une fonction de prototype compatible avec `ptr`,
- `f` est un pointeur de fonction de même type que `ptr`.

### Exemples d'affectation

```
int truc(int x)
{ ... }

int bidule(int y);

void main()
{
    int (*ptr)(int);
    ptr = truc;
    ptr = bidule;
}
```

## Appel de fonction par pointeur

**Appel par pointeur** : identique à un appel de fonction classique

- `ptr(arg1, ..., argN)` ; ou
- `x = ptr(arg1, ..., argN)` ;

### Exemple d'appel

```
int bidule(int y);

int main()
{
    int (*ptr)(int);
    ptr = bidule;
    return ptr(2);
}
```

## Application : fonction d'ordre supérieur

Fonction **paramétrée par une fonction**.

⇒ on passe un pointeur de fonction en argument.

### Exemple

```
void affiche_tableau(char* tab[], void (*f)(char*)) {  
    int i;  
    for (i=0; tab[i]; i++) f(tab[i]);  
}
```

```
void affiche(char* s)  
{ printf("%s\n", s); }
```

```
void main() {  
    char* t[] = { "toto", "titi", NULL };  
    affiche_tableau(t, affiche);  
}
```

# Listes simplement chaînées

---

# Principe

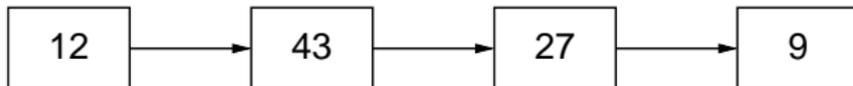
**Liste** = séquence ordonnée d'éléments de même type.

Exemple : liste d'entiers (12, 43, 27, 9).

- l'ordre des éléments compte :  $(12, 43, 27, 9) \neq (12, 27, 43, 9)$
- la multiplicité des éléments compte  $(12, 43, 27, 9) \neq (12, 43, 27, 9, 9)$

**Liste simplement chaînée** =

représentation où chaque élément **pointe** sur le suivant.



# Représentation des listes

## Implantation en C =

structure de **cellule** pour représenter un élément.

### Type cellule

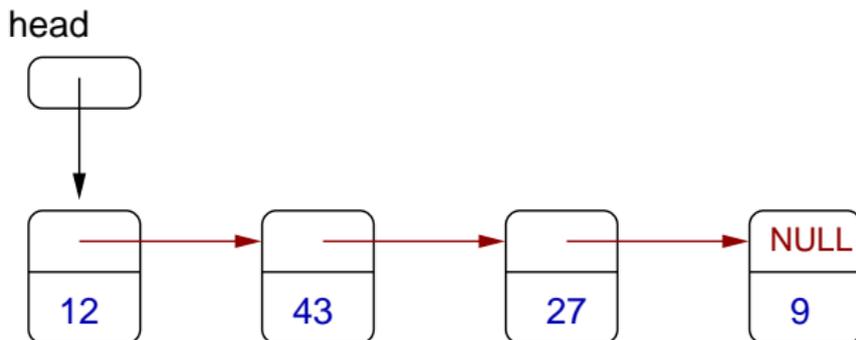
```
struct cell {
    struct cell* next;
    int          data;
};
```

- data est le **contenu de la cellule**, (ici, un entier)
- next **pointe vers la cellule suivante**,  
ou vaut **NULL** (fin de liste).

Le type de cell est récursif (autoréférentiel).

## Représentation des listes

Une liste est représentée par un **pointeur de tête** `struct cell*`  
= pointeur sur la première cellule.



Tous les éléments sont **accessibles** depuis la tête de liste.

Par convention, head vaut NULL si **la liste est vide**.

# Opérations sur les listes

**Structure de données** = type + algorithmes de manipulation.

On va développer des fonctions pour les opérations suivantes :

- calcul de la longueur d'une liste,
- recherche d'un élément,
- insertion d'un élément,
- suppression d'un élément,
- concaténation de deux listes,
- destruction d'une liste.

Toutes nos fonctions prennent une tête de liste en argument.

## Calcul de la longueur d'une liste

### Longueur d'une liste

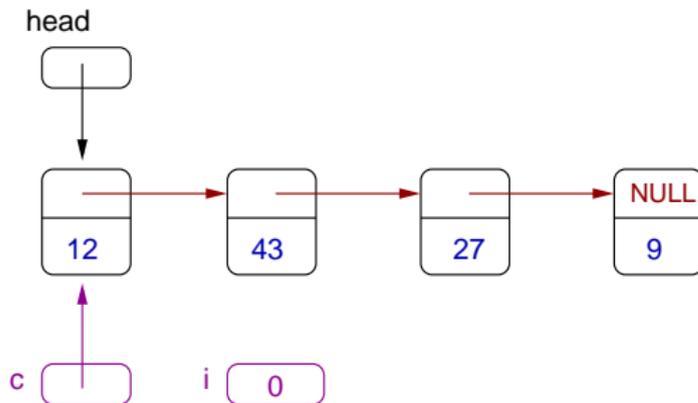
```
int longueur(struct cell* head) {  
    int i; struct cell* c;  
    for ( i=0, c=head; c; i++, c = c->next );  
    return i;  
}
```

Principe : on suit les pointeurs `next` jusqu'à rencontrer `NULL`  
et on compte le nombre de cellules rencontrées.

## Calcul de la longueur d'une liste

### Longueur d'une liste

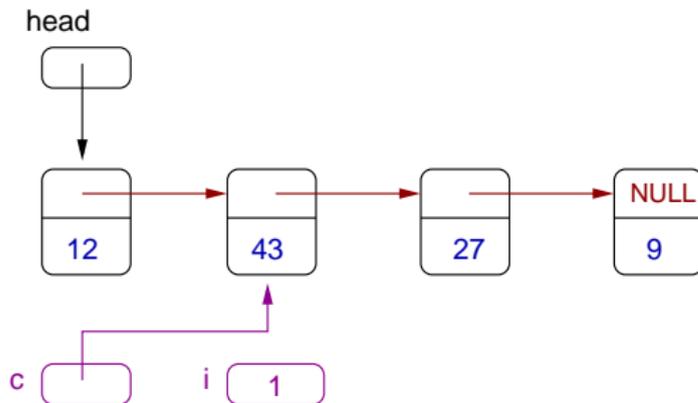
```
int longueur(struct cell* head) {
    int i; struct cell* c;
    for ( i=0, c=head; c; i++, c = c->next );
    return i;
}
```



# Calcul de la longueur d'une liste

## Longueur d'une liste

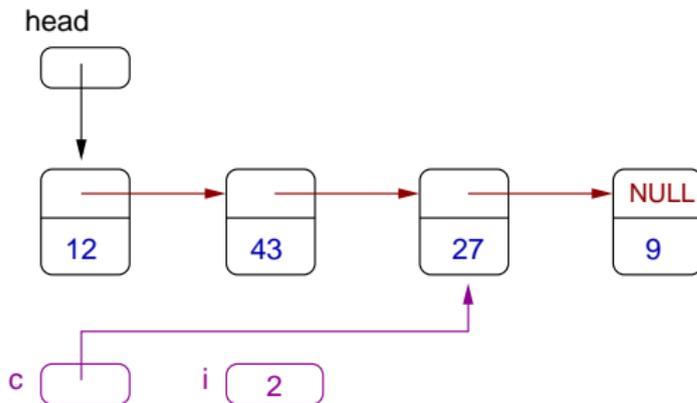
```
int longueur(struct cell* head) {  
    int i; struct cell* c;  
    for ( i=0, c=head; c; i++, c = c->next );  
    return i;  
}
```



# Calcul de la longueur d'une liste

## Longueur d'une liste

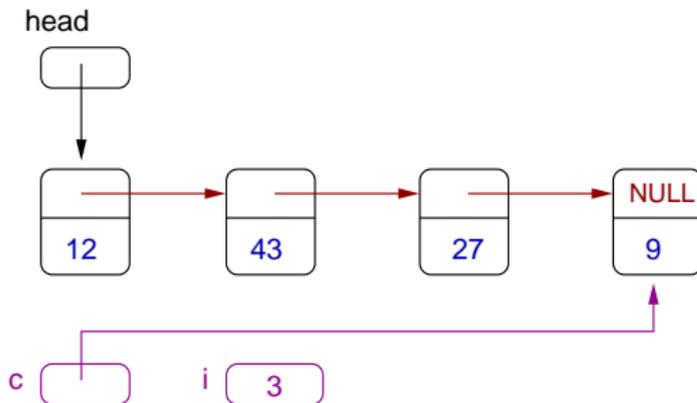
```
int longueur(struct cell* head) {  
    int i; struct cell* c;  
    for ( i=0, c=head; c; i++, c = c->next );  
    return i;  
}
```



# Calcul de la longueur d'une liste

## Longueur d'une liste

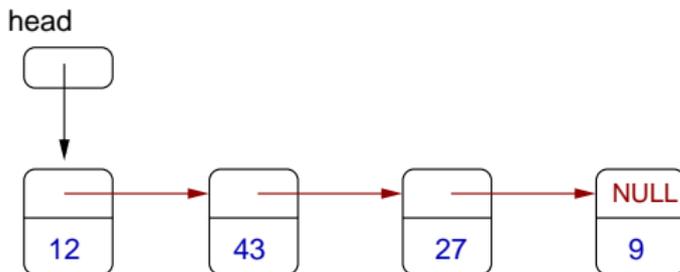
```
int longueur(struct cell* head) {  
    int i; struct cell* c;  
    for ( i=0, c=head; c; i++, c = c->next );  
    return i;  
}
```



## Calcul de la longueur d'une liste

### Longueur d'une liste

```
int longueur(struct cell* head) {
    int i; struct cell* c;
    for ( i=0, c=head; c; i++, c = c->next );
    return i;
}
```



c NULL    i 4

## Recherche d'un élément

### Recherche de elem

```
int recherche(struct cell* head, int elem)
{
    while (head) {
        if (head->data == elem) return 1;
        head = head->next;
    }
    return 0;
}
```

### Effet :

renvoie 1 si la liste contient un élément égal à elem, 0 sinon.

## Rappels sur la mémoire dynamique

Pour plus de flexibilité, les cellules sont allouées dynamiquement.

### Gestion de la mémoire dynamique

```
#include <stdlib.h>
void* malloc (size_t size);
void free (void* ptr);
```

#### Effet :

- malloc alloue un bloc de size octets,
- free libère le bloc,
- le bloc est accessible uniquement par pointeur.

## Création d'une liste (exemple à ne pas suivre)

Allocation de (12, 43, 27, 9)

```
struct cell* head;  
head = malloc(sizeof(struct cell));  
head->data = 12;  
head->next = malloc(sizeof(struct cell));  
head->next->data = 43;  
head->next->next = malloc(sizeof(struct cell));  
head->next->next->data = 27;  
head->next->next->next = malloc(sizeof(struct cell));  
head->next->next->next->data = 9;  
head->next->next->next->next = NULL;
```

Peu pratique.

On préfère construire une liste par insertions successives.

## Insertion en tête de liste

### Insertion de e en tête de h

```
struct cell* insere(struct cell* h, int e) {  
    struct cell* c = malloc(sizeof(struct cell));  
    c->data = e;  
    c->next = h;  
    return c;  
}
```

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 9);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 12);
```

## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 9);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 12);
```

head

NULL

### Insertion

```
struct cell* insere  
(struct cell* h, int e) {  
    struct cell* c = malloc(...);  
    c->data = e;  
    c->next = h;  
    return c;  
}
```

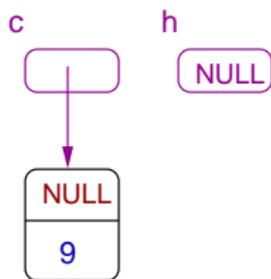
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 9);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere
(struct cell* h, int e) {
    struct cell* c = malloc(...);
    c->data = e;
    c->next = h;
    return c;
}
```



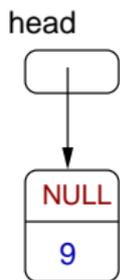
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 9);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere
(struct cell* h, int e) {
    struct cell* c = malloc(...);
    c->data = e;
    c->next = h;
    return c;
}
```



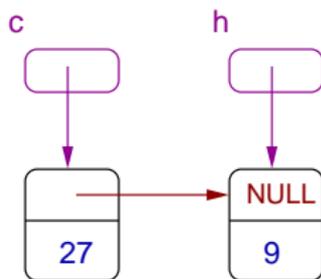
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 9);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere  
(struct cell* h, int e) {  
    struct cell* c = malloc(...);  
    c->data = e;  
    c->next = h;  
    return c;  
}
```



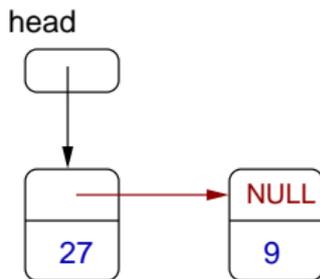
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 9);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere  
(struct cell* h, int e) {  
    struct cell* c = malloc(...);  
    c->data = e;  
    c->next = h;  
    return c;  
}
```



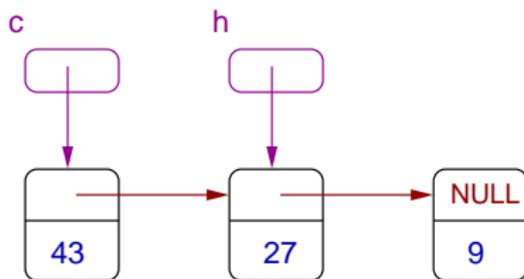
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 9);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere
(struct cell* h, int e) {
    struct cell* c = malloc(...);
    c->data = e;
    c->next = h;
    return c;
}
```



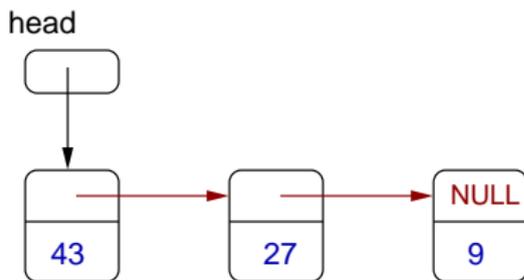
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 9);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere
(struct cell* h, int e) {
    struct cell* c = malloc(...);
    c->data = e;
    c->next = h;
    return c;
}
```



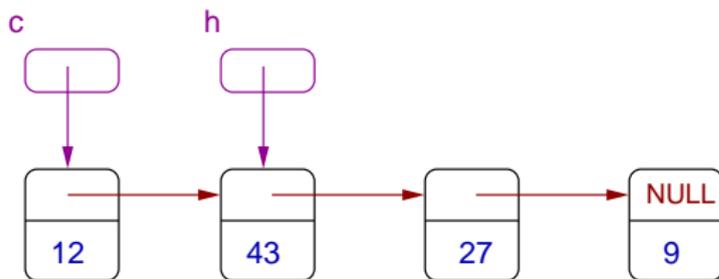
## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 9);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere
(struct cell* h, int e) {
    struct cell* c = malloc(...);
    c->data = e;
    c->next = h;
    return c;
}
```



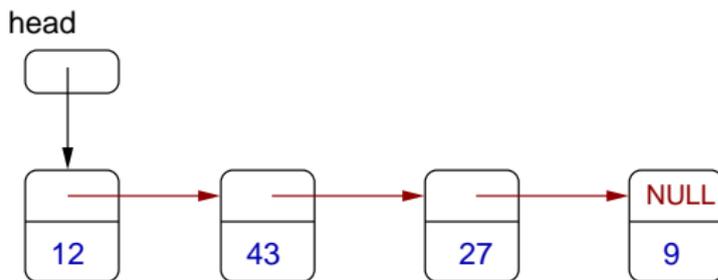
# Illustration de l'insertion en tête de liste

## Utilisation

```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 9);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 12);
```

## Insertion

```
struct cell* insere  
(struct cell* h, int e) {  
    struct cell* c = malloc(...);  
    c->data = e;  
    c->next = h;  
    return c;  
}
```



## Illustration de l'insertion en tête de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 9);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 12);
```

### Insertion

```
struct cell* insere
(struct cell* h, int e) {
    struct cell* c = malloc(...);
    c->data = e;
    c->next = h;
    return c;
}
```

### Remarques :

- la liste est dans l'**ordre inverse** de celui des insertions,
- `insere` fonctionne sur une liste vide ou non-vide,
- la tête de liste est modifiée à chaque insertion,
- le coût d'une insertion est **constant**.

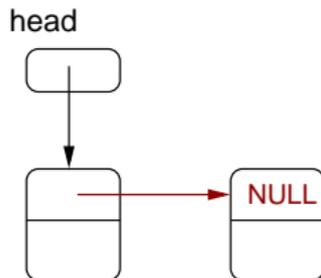
## Insertion en queue de liste

Deux cas à considérer :

- liste vide : on fait pointer la tête de liste sur la nouvelle cellule,
- liste non vide : on fait pointer le champ next de la dernière cellule sur la nouvelle cellule.



liste vide



liste non vide

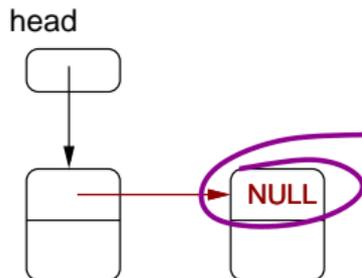
## Insertion en queue de liste

Deux cas à considérer :

- liste vide : on fait pointer la tête de liste sur la nouvelle cellule,
- liste non vide : on fait pointer le champ next de la dernière cellule sur la nouvelle cellule.



liste vide



liste non vide

## Insertion en queue de liste

### Insertion en queue

```

struct cell* insere(struct cell* head, int elem)
{
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = NULL;

    if (head) {
        struct cell* l = head;
        while (l->next) l = l->next;
        l->next = c;
        return head;
    }
    else return c;
}

```

## Exemple d'insertion en queue de liste

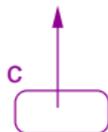
### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 12);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 9);
```

head

NULL

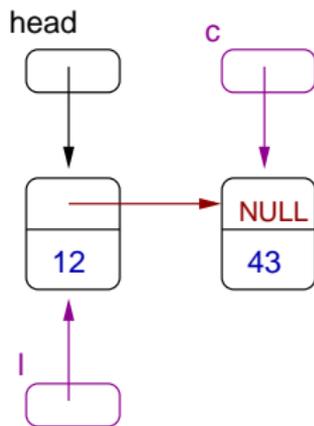
NULL  
12



## Exemple d'insertion en queue de liste

### Utilisation

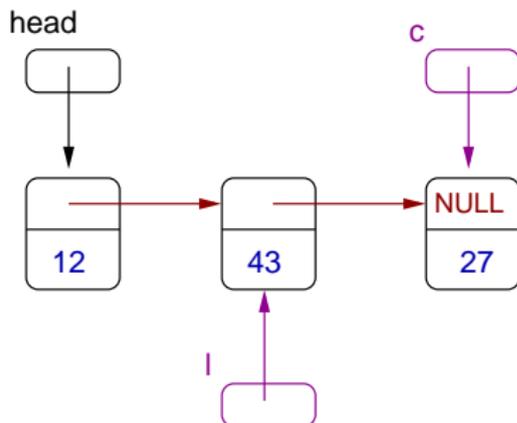
```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 12);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 9);
```



## Exemple d'insertion en queue de liste

### Utilisation

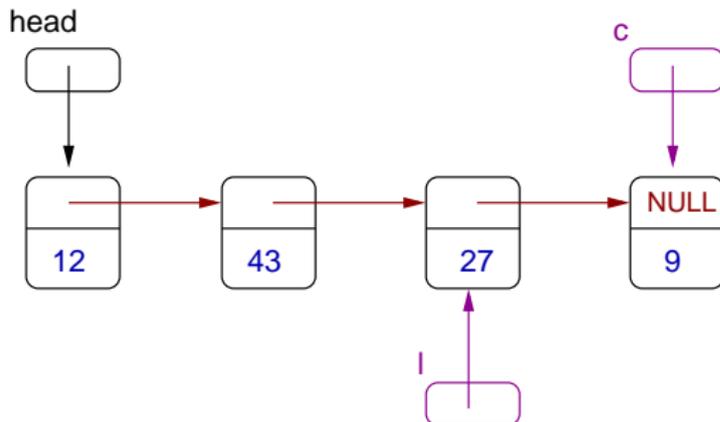
```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 12);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 9);
```



## Exemple d'insertion en queue de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;  
head = insere(head, 12);  
head = insere(head, 43);  
head = insere(head, 27);  
head = insere(head, 9);
```



## Exemple d'insertion en queue de liste

### Utilisation

```
struct cell* head = NULL;
head = insere(head, 12);
head = insere(head, 43);
head = insere(head, 27);
head = insere(head, 9);
```

### Remarques :

- la liste est dans le **même ordre** que celui des insertions,
- la tête de liste n'est modifiée que lors de la première insertion,
- le coût d'une seule insertion est **linéaire**,  $\mathcal{O}(n)$   
le coût de la construction est **quadratique**.  $\mathcal{O}(n^2)$

## Insertion après un élément

Insertion facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Insertion après pred

```
void insere_apres(struct cell* pred, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = pred->next;
    pred->next = c;
}
```

**Effet** : insère elem après la cellule pointée par pred.

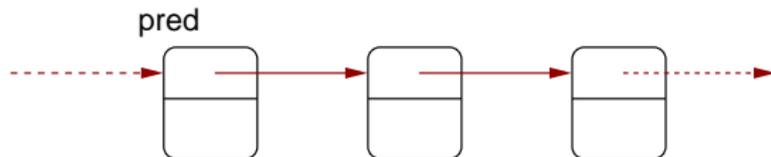
L'insertion *avant* une cellule donnée est plus complexe...

## Insertion après un élément

Insertion facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Insertion après pred

```
void insere_apres(struct cell* pred, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = pred->next;
    pred->next = c;
}
```

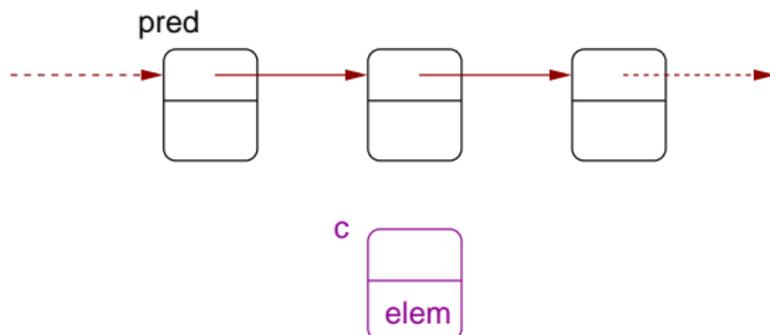


## Insertion après un élément

Insertion facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Insertion après pred

```
void insere_apres(struct cell* pred, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = pred->next;
    pred->next = c;
}
```

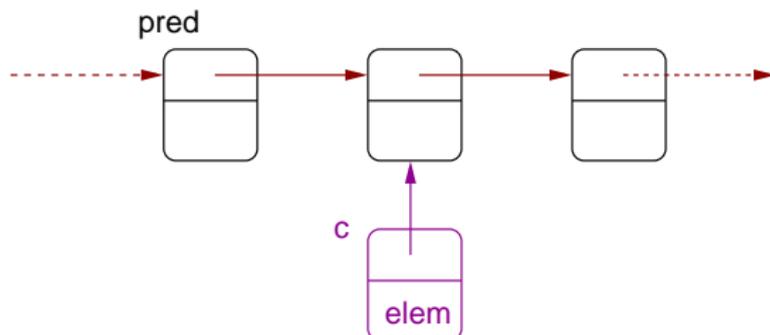


## Insertion après un élément

Insertion facile si on a un pointeur vers la cellule précédente.

### Insertion après pred

```
void insere_apres(struct cell* pred, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = pred->next;
    pred->next = c;
}
```

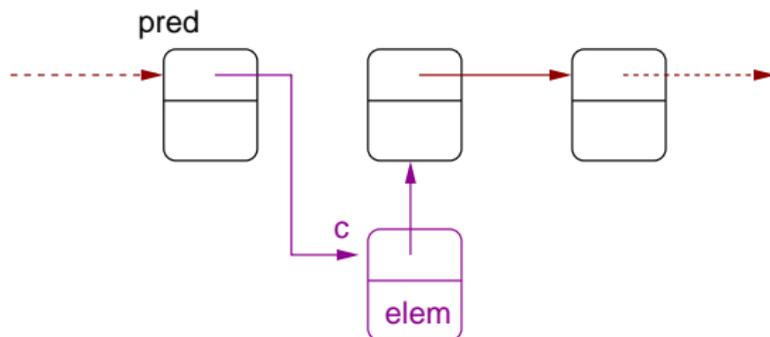


## Insertion après un élément

Insertion facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Insertion après pred

```
void insere_apres(struct cell* pred, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = pred->next;
    pred->next = c;
}
```



## Insertion après un élément

Insertion facile si on a un pointeur vers la cellule précédente.

### Insertion après pred

```
void insere_apres(struct cell* pred, int elem) {  
    struct cell *c = malloc(...);  
    c->data = elem;  
    c->next = pred->next;  
    pred->next = c;  
}
```

### Notes :

- coût constant, hors calcul de pred,
- pred peut être obtenu par une variante de recherche,
- on suppose qu'on n'insère pas en première position.  
( $\Rightarrow$  on suppose que la liste n'est pas vide)

## Suppression d'un élément

Suppression facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Suppression après pred

```
void supprime_apres(struct cell* pred) {  
    struct cell *c = pred->next;  
    pred->next = c->next;  
    free(c);  
}
```

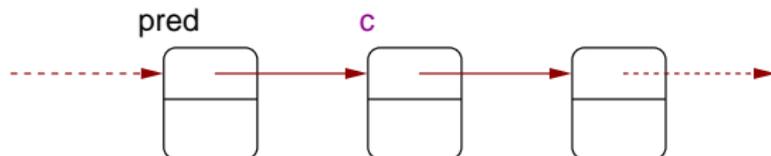
**Effet** : supprime la cellule suivant pred.

## Suppression d'un élément

Suppression facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Suppression après pred

```
void supprime_apres(struct cell* pred) {
    struct cell *c = pred->next;
    pred->next = c->next;
    free(c);
}
```

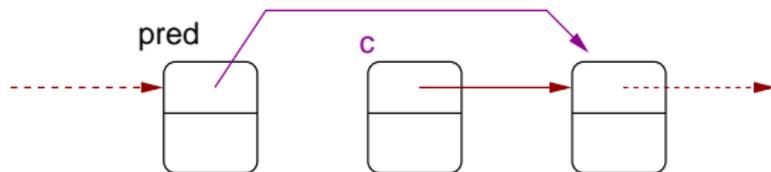


## Suppression d'un élément

Suppression facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Suppression après pred

```
void supprime_apres(struct cell* pred) {
    struct cell *c = pred->next;
    pred->next = c->next;
    free(c);
}
```



## Suppression d'un élément

Suppression facile **si on a un pointeur vers la cellule précédente.**

### Suppression après pred

```
void supprime_apres(struct cell* pred) {
    struct cell *c = pred->next;
    pred->next = c->next;
    free(c);
}
```



## Suppression d'un élément

Suppression facile si on a un pointeur vers la cellule précédente.

### Suppression après pred

```
void supprime_apres(struct cell* pred) {  
    struct cell *c = pred->next;  
    pred->next = c->next;  
    free(c);  
}
```

### Notes :

- coût constant, hors calcul de pred,
- on suppose qu'on ne détruit pas en première position, (⇒ on suppose que la liste n'est pas vide)
- on suppose que pred a un suivant, (pred->next ≠ NULL) (on peut par contre avoir c->next=NULL).

## Suppression d'un élément (version complète)

On propose maintenant une version plus complète de `supprime` de prototype :

Prototype de la suppression

```
struct cell* supprime(struct cell* head, int elem) ;
```

**Effet** : supprime le premier élément égal à `elem`,

- calcule automatiquement `pred`,
- gère les **cas limites** :
  - liste vide, liste à un seul élément,
  - `elem` en tête ou en fin de liste,
  - `elem` non présent dans la liste,
- la tête de liste peut changer,
- coût linéaire au pire, à cause de la recherche de `pred`.

# Suppression d'un élément (version complète)

## Suppression

```
struct cell* supprime(struct cell* head, int elem)
{
    struct cell* pred = head, *c;

    if (!head) return head;
    if (head->data==elem)
        { c = head->next; free(head); return c; }

    while (pred->next && pred->next->data!=elem)
        pred = pred->next;

    if (pred->next)
        { c = pred->next; pred->next = c->next; free(c); }

    return head;
}
```

# Concaténation de listes

## Concaténation

```
struct cell* concat(struct cell* head1,  
                   struct cell* head2) {  
    struct cell*c;  
    if (!head1) return head2;  
    for (c=head1; c->next; c=c->next);  
    c->next = head2;  
    return head1;  
}
```

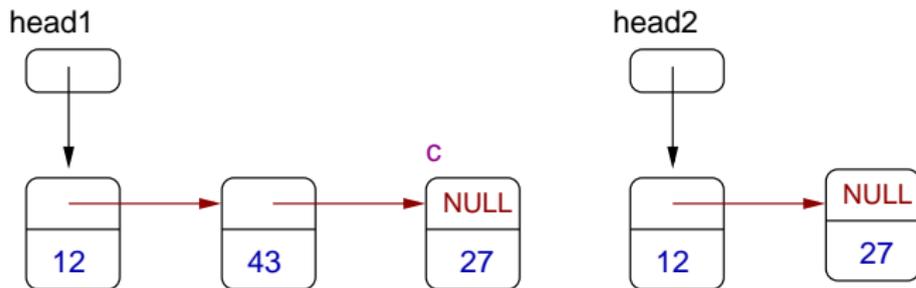
**Effet** : concatène la 2ème liste au bout de la 1ère.

**Utilisation** : `head1 = concat(head1, head2);`

## Concaténation de listes

### Concaténation

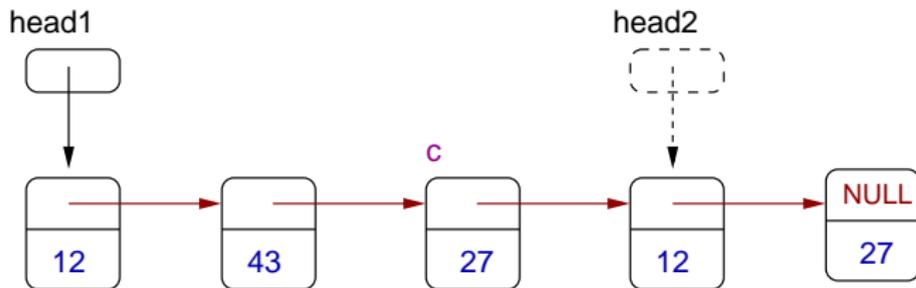
```
struct cell* concat(struct cell* head1,
                   struct cell* head2) {
    struct cell*c;
    if (!head1) return head2;
    for (c=head1; c->next; c=c->next);
    c->next = head2;
    return head1;
}
```



## Concaténation de listes

### Concaténation

```
struct cell* concat(struct cell* head1,
                   struct cell* head2) {
    struct cell*c;
    if (!head1) return head2;
    for (c=head1; c->next; c=c->next);
    c->next = head2;
    return head1;
}
```



## Concaténation de listes

### Concaténation

```
struct cell* concat(struct cell* head1,
                   struct cell* head2) {
    struct cell*c;
    if (!head1) return head2;
    for (c=head1; c->next; c=c->next);
    c->next = head2;
    return head1;
}
```

### Remarques :

- coût linéaire (parcours complet de la 1ère liste),
- la tête de la première liste peut changer,
- il vaut mieux ne plus accéder à la liste par head2...

# Destruction totale d'une liste

## Destruction

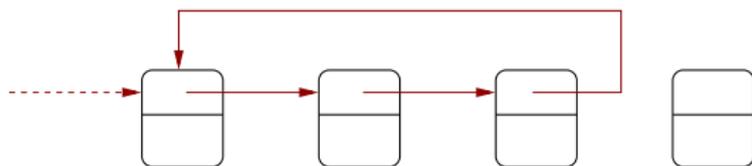
```
void detruit(struct cell* head)
{
    struct cell *c;
    while (head) {
        c = head->next;
        free(head);
        head = c;
    }
}
```

**Effet** : détruit totalement la liste.

**Note** : on a besoin d'une variable temporaire c.

## Erreurs courantes sur les listes

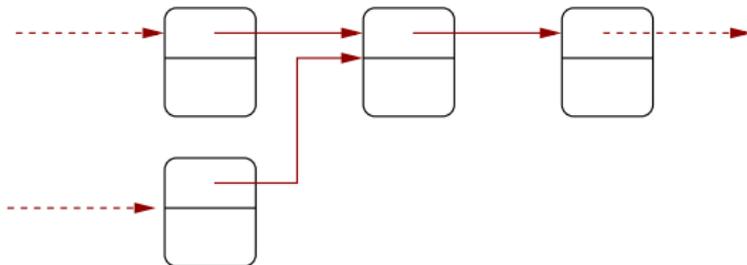
- Erreurs courantes sur les pointeurs et la mémoire dynamique :
  - déréférencer un pointeur NULL,
  - utiliser un bloc après l'avoir libéré,
  - libérer deux fois le même bloc,
  - oublier de libérer un bloc (fuites de mémoire).
  
- Introduction de **cycles** :



(génère des boucles infinies lors des parcours,  
cause des fuites de mémoire, . . . )

## Erreurs courantes sur les listes

- **Partage** de cellules entre plusieurs listes :



(effets de bord lors de la modification d'une liste,  
cause des libérations multiples de blocs, ...)

- Oubli des **cas limites** :
  - liste vide, listes à un élément,
  - insertion/suppression en première/dernière position,
  - etc.

## Comparaison entres listes et tableaux

Coût comparé des listes simplement chaînées et des tableaux.

	listes	tableaux
recherche d'une valeur	$\mathcal{O}(n)$	$\mathcal{O}(n)$
accès par indice	$\mathcal{O}(n)$	$\mathcal{O}(1)$
insertion en tête	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(n)$
insertion en queue	$\mathcal{O}(n)$	$\mathcal{O}(n)$
insertion au milieu	$\mathcal{O}(1) / \mathcal{O}(n)$	$\mathcal{O}(n)$

Les listes sont particulièrement efficaces pour :

- l'insertion et la suppression en tête de liste,
- l'insertion et la suppression en milieu de liste, si la cellule précédente est connue.

# Les listes d'association

**Liste d'association** = associe une valeur à chaque clé.

## Cellule

```
struct cell {  
    struct cell* next;  
    int          key;  
    float        val;  
};
```

## Recherche

```
float recherche(struct cell* head, int key) {  
    for (; head; head = head->next)  
        if (head->key == key) return head->val;  
    return 0.;  
}
```

**Effet** : renvoie la valeur associée à une clé, ou 0.

## Listes avec sentinelle

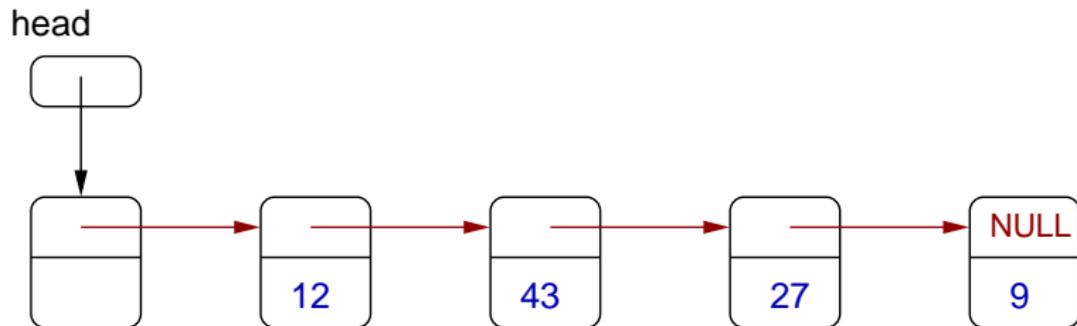
**Idée** : ajout d'une **cellule sentinelle** en tête de liste :

- `head->next` pointe sur la première cellule de la liste,
- `head->data` n'est pas utilisé,
- toutes les fonctions prennent en argument un **pointeur vers la sentinelle**.

**Avantage** : simplifie la gestion des cas limites :

- cas où la liste est vide,  
(la liste contient toujours au moins une cellule)
- cas où le premier élément de la liste est modifié.  
(`head->next` est modifié, pas de tête de liste à retourner)

## Illustration d'une liste avec sentinelle



# Opérations sur les listes avec sentinelle

## Exemples d'opérateurs

```
struct cell* create()
{
    struct cell* c = malloc(sizeof(struct cell));
    c->next = NULL;
    return c;
}

void insere_tete(struct cell* head, int data)
{
    struct cell* c = malloc(sizeof(struct cell));
    c->data = data;
    c->next = head->next;
    head->next = c;
}
```

# Opérations sur les listes avec sentinelle

## Exemples d'opérateurs

```
void insere_queue(struct cell* head, int data)
{
    struct cell* c = malloc(sizeof(struct cell));
    c->data = data;
    c->next = NULL;
    while (head->next) head = head->next;
    head->next = c;
}
```

```
void concat(struct cell* head1, struct cell* head2)
{
    while (head1->next) head1 = head1->next;
    head1->next = head2->next;
    free(head2);
}
```

# Listes doublement chaînées

---

# Listes doublement chaînées

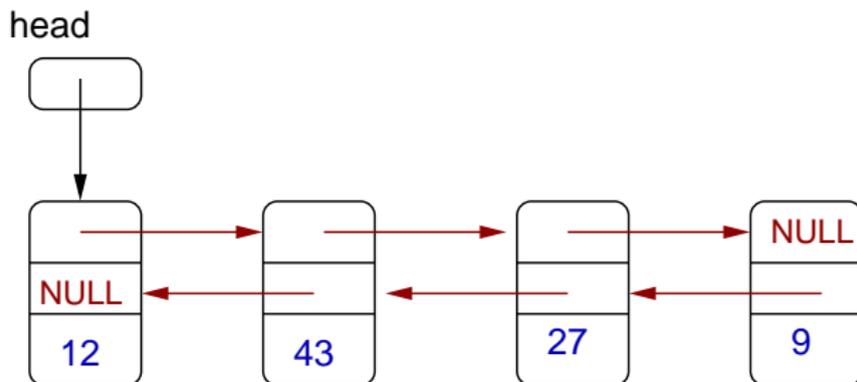
Liste **doublement** chaînée = on maintient :

- un pointeur vers la cellule suivante,
- un pointeur vers la cellule précédente.

## Type cellule

```
struct cell {  
    struct cell* next;  
    struct cell* prev;  
    int          data;  
};
```

## Illustration d'une liste doublement chaînée



- head pointe vers la première cellule,
- $c \rightarrow \text{next} = \text{NULL}$  pour la dernière cellule, sinon  $c \rightarrow \text{next} \rightarrow \text{prev} = c$ ,
- $c \rightarrow \text{prev} = \text{NULL}$  pour la première cellule, sinon  $c \rightarrow \text{prev} \rightarrow \text{next} = c$ .

## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

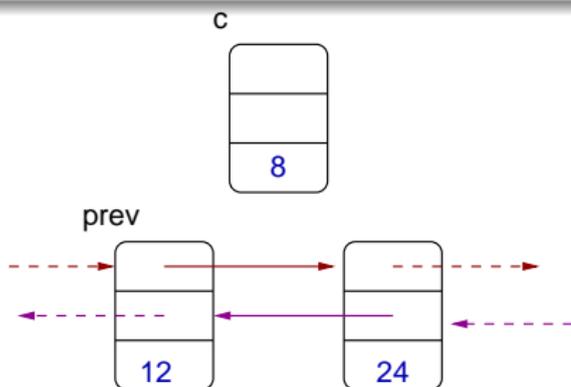
```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {  
    struct cell *c = malloc(...);  
    c->data = elem;  
    c->next = prev->next; prev->next = c;  
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;  
}
```

**Effet** : insère une cellule **après** prev.

## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

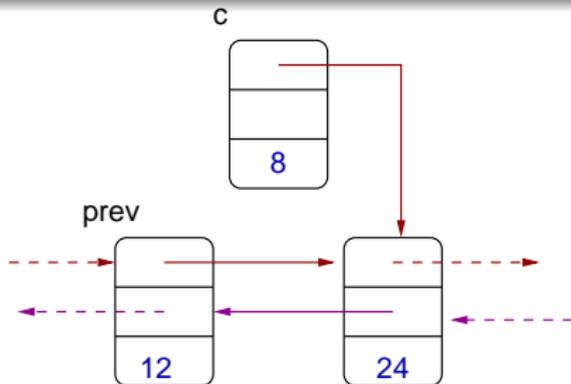
```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = prev->next; prev->next = c;
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;
}
```



## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

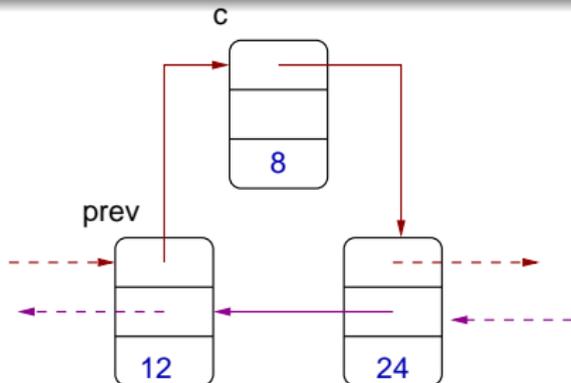
```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = prev->next; prev->next = c;
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;
}
```



## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

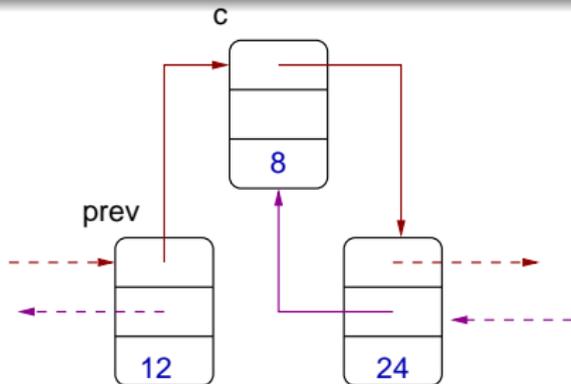
```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = prev->next; prev->next = c;
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;
}
```



## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

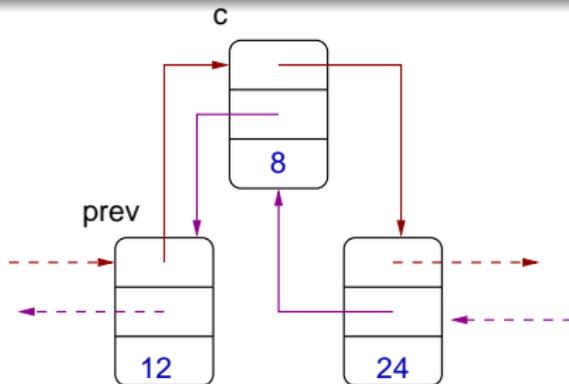
```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = prev->next; prev->next = c;
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;
}
```



## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = prev->next; prev->next = c;
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;
}
```



## Insertion dans une liste doublement chaînée

### Insertion après prev

```
void insere_apres(struct cell* prev, int elem) {
    struct cell *c = malloc(...);
    c->data = elem;
    c->next = prev->next; prev->next = c;
    c->next->prev = c;    c->prev = prev;
}
```

### Remarques :

- coût constant, sans compter le calcul de prev,
- ne marche pas pour insérer en première position,
- pour permettre l'insertion en dernière position :  
 changer `c->next->prev=c ;`  
 en `if (c->next) c->next->prev = c ;`

# Insertion dans une liste doublement chaînée

## Insertion avant next

```
void insere_avant(struct cell* next, int elem) {  
    struct cell *c = malloc(...);  
    c->data = elem;  
    c->prev = next->prev; next->prev = c;  
    c->prev->next = c;    c->next = next;  
}
```

**Effet** : insère une cellule **avant** pred.

### Remarques :

- on a simplement inversé les mots `prev` et `next`,
- ne marche pas pour insérer en dernière position,
- facilement modifiable pour permettre l'insertion en première position.

## Comparaison des types de listes

Listes doublement chaînées vs. listes simplement chaînées :

- on doit maintenir deux pointeurs par cellule au lieu d'un :
  - chaque opération est légèrement plus coûteuse,
  - plus complexe, risques de bug accrus,
- certaines opérations sont plus faciles.  
(e.g., parcours en arrière, insertion avant une cellule)

Schéma classique en informatique : l'ajout de redondance permet des calculs plus rapides, au prix d'une maintenance plus complexe.

Variantes : listes avec sentinelles, listes circulaires, etc.